

Tasapinna vörrand

341. Koostada punkti $A(-2; 1; 3)$ läbiva tasapinna vörrand, kui see tasapind on risti vektoriga $n = (5; -2; 7)$.
342. Leida koordinaatide alguspunkti läbiv tasapind, mis on risti vektoriga $(-2; 11; -8)$.

343. Leida tasapind, mis läbib punkti $A(3; -8; 4)$ ja on risti z -teljega.

344. Leida tasapind, mis läbib punkti $(3; -5; 2)$ ja on risti koordinaatide alguspunktist selleesse punkti suunduvälguga.

345. Leida tasapinna $5x - 2y + 3z + 15 = 0$ ja koordinaatidelgedi lõikepunktid.

346. Arvutada tasapinnaga $x - 6y + 4z - 12 = 0$ ja koordinaatatasapindadega piiratud kere ruumala.

347. Leida tasapinnal $3x - 2y + z - 5 = 0$ punkt, mille ordinaat on -3 ning mille abstsiss ja aplikaat on võrdseid.

348. Koostada punktide $A(3; -8; 1)$ ja $B(1; 6; -7)$ vahelise lõigut keskristasapinna vörrand.

349. Koostada punkte $A(2; -4; 3)$ ja $B(1; -2; 5)$ läbiva ja vektoriga $\mathbf{m} = (2; -3; 1)$ paralleelse tasapinna vörrand.

350. Leida tasapind, mis läbib punkti $(3; 1; -7)$ ning on paralleeline vektoritega $(-2; 1; 3)$ ja $(4; 2; 5)$.

351. Leida tasapind, mis läbib punkte $A(2; -1; 2)$, $B(1; 2; -1)$ ja $C(3; 2; 1)$.

352. Leida tasapind, millel asetsevad y -telg ja punkt $(2; -3; 5)$.

353. Selgitada, missugused järgmistes vörrandipaaridest esitavad paralleel- ja missugused risttasapind:

$$\begin{aligned} 1) \quad &x - 3y + 2z = 0, \quad x - 3y + 2z + 17 = 0; \\ 2) \quad &2x - 4y + 6z + 1 = 0, \quad 3x - 6y + 9z - 2 = 0; \\ 3) \quad &5x - y + 3z = 0, \quad 2x - 2y - 4z + 5 = 0; \\ 4) \quad &3x + 2y - z + 5 = 0, \quad x + 4y + z - 2 = 0; \\ 5) \quad &2x + 3y - 7 = 0, \quad z + 8 = 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 354. \quad &\text{Leida antud kahe tasapinna vaheline (väikseim) nurk:} \\ 1) \quad &x + 9y - 3z + 2 = 0, \quad 3x - y - 2z + 5 = 0; \\ 2) \quad &3x - z + 4 = 0, \quad 2x + z - 7 = 0; \\ 3) \quad &3\sqrt{2} - y - z + 21 = 0, \quad x\sqrt{2} - y + z - 7 = 0. \end{aligned}$$

355. Leida tasapind, mis läbib punkti $(5; -2; 3)$ ja on paralleeline tasapinnaga $2x + 3y - z = 0$.

356. Leida tasapind, mis läbib koordinaatide alguspunkti ning on risti tasapindadega $2x - 3y + z - 2 = 0$ ja $3x + y + z - 1 = 0$.

357. Leida tasapind, mis läbib punkti $(3; -5; 2)$, on risti tasapinnaga $x + 2y - z + 2 = 0$ ja paralleeline vektoriga $(2; -3; 1)$.

358. Leida tasapind, mis läbib punkte $(4; -2; 5)$ ja $(1; 0; 3)$, ning on risti tasapinnaga $x - 6y + 3z - 8 = 0$.

359. Leida tasapind, mis läbib punkte $(3; 1; 2)$ ja $(2; -1; 1)$ ning on paralleeline y -teljega.

360. Leida tasapind, millel asetseb x -telg ja mis on risti tasapinnaga $2x - y + 5z - 3 = 0$.

Sirge vörrandid

361. Koostada vektoriga $\mathbf{m} = (7; -2; 3)$ paralleelse ja punkti $A(-3; 1; 0)$ läbiva sirge kanonilised vörrandid.

362. Koostada sirge kanonilised vörrandid, kui sirge läbib punkti $(2; -5; 1)$ ning on risti tasapinnaga $3x + 2y - z + 5 = 0$.

363. Leida punkti $(3; 7; -12)$ läbiv sirge, mis on paralleeline sirgega $\frac{x+3}{2} = \frac{y-1}{6} = \frac{z+2}{-5}$.

364. Koostada koordinaatide alguspunkti ja punkti $(7; -3; 1)$ läbiva sirge kanonilised vörrandid.

365. Koostada punkte $(2; -5; 3)$ ja $(-1; 0; 2)$ läbiva sirge kanonilised vörrandid.

366. Koostada punkte $(3; 2; 0)$ ja $(1; -2; 5)$ läbiva sirge parameetrilised vörrandid.

367. Leida punkte $(2; 13; -5)$ ja $(7; 9; 2)$ läbiva sirge ja yz -tasapinnal lõikepunkt.

368. Kolmnurga tipud on $A(7; -4; 2)$, $B(9; 1; -6)$ ja $C(3; -5; 4)$. Leida tipust A tõmmatud mediaan.

369. Koostada sirge $\frac{x-1}{3} = 2y = 4 - z$ parameetrilised vörrandid.

370. Missugused punktidest $A(2; 3; -1)$, $B(1; 2; -3)$, $C(8; -1; 11)$ ja $D(\frac{3}{2}; \frac{10}{3}; -2)$ asetsevad sirgel $\frac{x-2}{3} = \frac{y-3}{-2} = \frac{z+1}{6}$?

371. Leida sirgel $\frac{x+2}{3} = \frac{y-1}{2} = \frac{z+5}{-4}$ punkt, mille ordinaat on 5.

372. Leida kahe sirge vaheline nurk:

$$1) \quad \frac{x-2}{16} = \frac{y+1}{12} = \frac{5-z}{-15}, \quad 2x = y + 1 = z - 4;$$

$$2) \quad x = 2t - 3, \quad y = t + 1, \quad z = -3t, \quad \frac{x+1}{6} = \frac{y}{3} = \frac{z+2}{5};$$

$$3) \quad \frac{x+1}{0} = \frac{y}{3} = -z, \quad \frac{x}{0} = \frac{y+3}{2} = z;$$

$$4) \quad 2x + 1 = 4 - 3y = z, \quad 1 - x = \frac{3y+2}{2} = 4 - 2z.$$

373. Leida punkti $(3; 9; -1)$ läbiv sirge, mis on risti vektoritega $(2; 3; 1)$ ja $(0; 7; -2)$.

374. Koostada tasapindade $x + 2y - z - 6 = 0$ ja $2x - y + z + 1 = 0$ lõikesirge kanonilised vörrandid.

375. Koostada tasapindade $3x - 2y + 2z + 5 = 0$ ja $x + y + 5z = 0$ lõikesirge parameetrilised vörrandid.

376. Leida koordinaatide alguspunkti läbiv sirge, mis on risti sirgetega $x = 3t + 1$, $y = 1 - 2t$, $z = t + 2$ ja $x = t - 5$, $y = 6t + 1$, $z = t + 4$.

377. Punkti $P(x; y; z)$ liikumise vörrandid on

$$x = 2 - 6t, \quad y = 1 + 3t, \quad z = -5 + 2t.$$

- Leida punkti P liikumise kiirus ja asukoha koordinaadid hetkel $t = 3$.

Mitmesuguseid ülesandeid sirge ja tasapinna kohta

391. Leida punkti $A(3; -2; 7)$ läbiv tasapind, mis on risti sirgega $\frac{x+1}{3} = \frac{y}{-6} = 1 - z$.

392. Leida punkti $(2; -5; 6)$ läbiv sirge, mis on paralleeline tasapindade $x - 2y + z - 5 = 0$ ja $x + y - z = 0$ lõikesirgega.

393. Leida koordinaatide alguspunkti läbiv tasapind, mis on paralleeline sirgetega $x = 2t - 3$, $y = t$, $z = 5$ ja $x = 1$, $y = 3t$, $z = 4t + 7$.

394. Leida tasapind, millel asetsevad punktid $(3; -1; 7)$ ja $(5; 3; 2)$ ning mis on paralleeline sirgega $x = y = -z$.

395. Leida sirge ja tasapinna lõikepunkt:

$$1) \quad \frac{x+1}{1} = -\frac{y}{6} = 1 - z, \quad 3x + y + 2z - 1 = 0;$$

$$2) \quad \frac{1-x}{3} = y - 3 = \frac{z}{2}, \quad 2x - 4y + 5z + 10 = 0;$$

$$3) \quad x = t - 3, \quad y = 1 - 2t, \quad z = 3t + 1, \quad 2x - 5y - 4z + 14 = 0.$$

396. Leida punkti $(1; 0; -5)$ ristprojektioon tasapinnale $x - 2y + 3z = 0$.

397. Leida punkti $(1; -3; 4)$ projektioon punkte $(-17; -8; -2)$ ja $(4; 6; 5)$ läbivale sirgele.

398. Leida punktiga $(5; -3; 7)$ sümmeetriline punkt tasapinna $2x + 3y + 5z + 2 = 0$ suhtes.

399. Leida punktiga $(-1; 3; 2)$ sümmeetriline punkt sirge $\frac{x+7}{5} = \frac{y-2}{-2} = \frac{z}{3}$ suhtes.

400. Leida sirgel $2x = y = z$ punkt, mis asetseb punktidest $(1; -3; 6)$ ja $(7; 3; -2)$ vördsel kaugusel.

401. Leida koordinaatide alguspunkti ja sirget $\frac{x-2}{5} = \frac{y+3}{2} = -z$ läbiva tasapind.

402. Koostada punkti $(-2; 1; 2)$ ja sirgel $\frac{2-x}{3} = \frac{y+3}{2} = \frac{z-1}{2}$ läbiva tasapinna vörrand.

403. Arvutada punkti $A(0; 0; 3)$ kaugus punkti $B(3; 1; 2)$ ja sirget $2x = 3 - y = \frac{3z+6}{2}$ läbivast tasapinnast.

404. Leida tasapind, mis asetseb vördsel kaugusel paralleelsetest tasapindadest $2x - y + 3z + 5 = 0$ ja $2x - y + 3z - 1 = 0$.

405. Leida tasapind, mis asetseb vördsel kaugusel sirgeist $\frac{x-2}{5} = \frac{y-4}{3} = z$ ja $x = 0,5y - 3 = z$.

406. Leida tasapind, millel asetseb sirge $2x = -y = 3z$ ning mis on risti tasapinnaga $x - 3z = 0$.

407. Leida punktide $(-2; 7; 3)$ ja $(6; 1; -5)$ vahelise lõigut keskristisirge, mis on paralleeline xz -tasapinnaga.

408. Leida punkti $(-5; 1; 0)$ läbiv sirge, mis lõikab sirget $x - 1 = \frac{y+9}{2} = -z - 12$ risti.

409. Leida tasapinnal $x - 6y + 2z + 7 = 0$ sirge, mis lõikab sirget $x = y = -z$ risti.

410. Leida tasapinnal $5x - 3y + 2z - 5 = 0$ sirge, mis lõikab sirget $x = \frac{y-1}{2} = z$ ja on paralleeline tasapinnaga $3x - y + 2z - 4 = 0$.

411. Leida sirge $x = y = -z$ ristprojektsioon tasapinnale $2x + 4y + z - 15 = 0$.

412. Leida punkti $A(-5; 3; -4)$ läbiv sirge, mis lõikab sirget $\frac{x+1}{3} = \frac{1-y}{2} = \frac{z-2}{-2}$ ja on paralleeline tasapinnaga $7x + 8y - 2z = 0$.

413. Leida punkti $(3; 5; -1)$ läbiv sirge, mis on risti seda punkti koordinaatide alguspunktiga ühendava lõiguga ja lõikesirge.

414. Leida punkti $(5; -11; 3)$ läbiv sirge, mis lõikab sirgeid $\frac{x+1}{2} = -y = \frac{z+2}{3}$ ja $\frac{x+3}{4} = \frac{y-5}{-2} = 6 - z$.

415. Kolmnurga tipud on $A(2; -7; 1)$, $B(14; -3; -5)$ ja $C(-1; -1; 3)$. Leida tipu A sisenergiapoolitaja.

416. Kolmnurga tipud on $A(-2; 1; 5)$, $B(3; 2; 6)$ ja $C(5; 1; -7)$. Leida tipust A tõmmatud kõrgus.

417. Nelituhaka tipud on $A(5; 2; -3)$, $B(2; 0; 2)$, $C(3; -1; 2)$ ja $D(4; -1; -1)$. Koostada tipust A tõmmatud kõrguse vörandid.

418. Kuidas oleneb sirge $\frac{x+1}{3} = \frac{y-2}{-2} = \frac{z}{k}$ ja tasapinna $2x - y + 4z + l = 0$ vastastikune asend parameetritest k ja l ?

419. Leida tasapindade $3x - 7y + 5z + 17 = 0$ ja $x + 8y - 11z - 2 = 0$ lõikesirget ning punkti $(-1; 3; 2)$ läbiv tasapind.

420. Leida tasapindade $2x + y - 3z + 5 = 0$ ja $x + 3y + 5z - 4 = 0$ lõikesirget läbiv tasapind, mis on paralleeline sirge $\frac{x-2}{3} = y = \frac{z+1}{4}$.

421. Leida tasapindade $3x + 2y - 6z + 2 = 0$ ja $6x - 13 - 0$ lõikesirget läbiv tasapind, mille kaugus punktist $(4; -5; -3)$ on 3.

341. $5x - 2y + 7z - 9 = 0$. 342. $2x - 11y + 8z = 0$. 343. $z - 4 = 0$. 344. $3x - 5y + 2z - 38 = 0$. 345. $(-3; 0; 0)$. 346. $(0; 7; 5)$ ja $(0; 0; -5)$. 347. $(-\frac{1}{4}; -3; -\frac{1}{4})$. 348. $x - 7y + 4z + 3 = 0$. 349. $8x + 5y - z + 7 = 0$. 350. $x - 22y + 8z + 75 = 0$. 351. $3x - 2y - 3z - 2 = 0$. 352. $5x - 2z = 0$. 353. 1) Paraleelised; 2) paralleleed; 3) risti; 4) ei ole risti ega paralleelised; 5) risti.

354. $\frac{x}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z}{4}$. 355. $2x + 3y - z - 1 = 0$. 356. $7x + y - 11z = 0$. 357. $x + 3y + 7z - 2 = 0$. 358. $6x - 7y - 16z + 42 = 0$. 359. $x - z - 1 = 0$. 360. $5y +$

Sirge vörrandid

Sirge vörrandid

378. Koostada punkti $P(x; y; z)$ liikumise vörrandid, kui P asetseb hetkel $t = 0$ punktis $(7; -3; 5)$, liigub ühtlaselt ja sirgjooneiliselt vektori $(6; -2; 9)$ suunas kiirusega $v = 22$.

379. Koostada punkti $P(x; y; z)$ liikumise vörrandid, kui punkt P liigub ühtlaselt ja sirgjooneiliselt, asetseb hetkel $t = 0$ punktis $A(4; -5; 7)$ ja hetkel $t = 6$ punktis $B(7; -1; -5)$. Arvutada P liikumise kiirus v ja kaugus d koordinaatide alguspunktist hetkel $t = 2$.

Kauguste leidmine

380. Leida punkti A kaugus antud tasapinnast:

$$1) \quad A(3; -2; 7), \quad 6x - 2y + 9z + 3 = 0;$$

$$2) \quad A(0; -4; 5), \quad 16x + 15y - 12z - 5 = 0;$$

$$3) \quad A(2; -3; 1), \quad 3x + 5y - 2z - 27 = 0.$$

381. Arvutada koordinaatide alguspunkti kaugus punkte $(1; 0; -4)$, $(-1; 2; -1)$ ja $(3; 2; -5)$ läbivast tasapinnast.

382. Arvutada tasapindadevaheline kaugus:

$$1) \quad 2x - y + 2z + 3 = 0, \quad 2x - y + 2z - 6 = 0;$$

$$2) \quad 3x - 2y + 6z - 7 = 0, \quad 6x - 4y + 12z + 21 = 0;$$

$$3) \quad x - y + 2z - 1 = 0, \quad 2x - 2y + 4z - 7 = 0.$$

383. Leida sirge $\frac{1-x}{3} = \frac{y+5}{8} = \frac{z+2}{3}$ kaugus tasapinnast $4x + 3y + 12z - 21 = 0$.

384. Leida tasapindade $5x - 6y + 2z - 3 = 0$ ja $2x + 5y - 6z + 7 = 0$ vaheliste nurkade poolitustasapinnad.

385. Leida sirge $x + 1 = -y = \frac{z+2}{-2}$ punktid, mis asetsevad vördsel kaugusest tasapindadest $x - 2y + z - 3 = 0$ ja $2x + y - z + 4 = 0$.

386. Leida tasapinnaga $x - 2y - z + 3 = 0$ paralleelsed tasapinnad, mis asetsevad temast kauguse $\sqrt{6}$.

387. Leida z -teljel punktid, mille kaugus tasapinnast $12x - 3y + 4z - 2 = 0$ on 2.

388. Leida punkti kaugus sirgest:

$$1) \quad (5; -2; 1), \quad 2x - y = \frac{y-6}{2} = \frac{z-4}{0};$$

$$2) \quad (3; -1; 2), \quad x - 2 = \frac{y-13}{2} = z - 1;$$

$$3) \quad (2; -1; 3), \quad x = 3t, \quad y = 5t - 7, \quad z = 2t + 2.$$

389. Leida sirge $\frac{x-5}{3} = \frac{y}{2} = \frac{z+25}{-2}$ kaugus sirgest $\frac{x-2}{3} = \frac{y-3}{-2} = \frac{z+1}{-2}$.

390. Leida sirgete $\frac{x-3}{4} = \frac{y-7}{-2} = \frac{z+6}{-5}$ ja $\frac{x-5}{-5} = \frac{y-1}{2} = \frac{z-3}{6}$ vaheline kaugus.

- + $z = 0$. 361. $\frac{x+3}{7} = \frac{y-1}{2} = \frac{z}{3}$. 362. $\frac{x-2}{3} = \frac{y+5}{2} = \frac{z-1}{-1}$. 363. $\frac{x-3}{2} = \frac{y-7}{-5} = \frac{z+12}{-5}$. 364. $\frac{x}{7} = \frac{y}{-3} = z$. 365. $\frac{x+1}{3} = \frac{y}{-5} = z - 2$. 366. $x = 2t + 3$, $y = 4t + 2$, $z = -5t$. 367. $(0; \frac{73}{5}; -\frac{39}{5})$. 368. $x - 7 = \frac{y+4}{-2} = \frac{z-2}{3}$.

369. $x = 3t + 1$, $y = \frac{1}{2}t$, $z = -t + 4$. 370. A , C ja D asetsevad, B ei asetse.

371. $(4; 5; -13)$.